

~量子色力学(QCD)の物理と2兆度の極限世界~

京都大学 理学研究科 菅沼秀夫





Lattice QCD result for Baryon Structure H. Ichie et al. (2003)



Quark-Gluon-Plasma Creation Experiment ALICE, LHC



Image figure of Neutron Star Structure by Dany Page

講演概要

クォークが提唱されてから60年近く経ちますが、この素粒子は 未だに多くの謎を秘めています。

例えば、クォーク自身は単独では現れ得ず、陽子や中性子などの内部に閉じ込められていますが、なぜそうなるのかは数学的には解明されていません。

また、物質を構成するクォークは、元々はとても軽かったのですが、グルーオンとの相互作用により非常に重くなり、それが大部分の物質質量の起源になっています。

これらクォークの諸性質は、約2兆度の超高温で大きく変化し、 真空自身の構造の転移を経て、クォークとグルーオンのプラズマ 状態になります。

こういった「クォークとグルーオンが織りなす多様な 極微の世界」 を最近の研究成果もまじえて概観します。

月次

- 1.物質根源の究極を目指す~科学の1つの潮流と物質観の変遷
- 2. クォークと量子色力学(QCD)の物理の概観
- 3. 物質質量の起源:カイラル対称性の自発的破れ ~物質質量の約99%を創り出すQCD
- 4. 様々なハドロン中でのクォーク閉じ込めの様相
- 5. クォーク・グルーオン・プラズマ(QGP):
 2兆度の世界と宇宙の初期状態
- 6. 未解決問題「クォークの閉じ込め」に対する双対超伝導描像



光速cに近い速度の系 相対性理論 (= 運動エネルギーが質量エネルギーと 同程度またはそれ以上の系)



銀河団 銀河系

恒星系

生物

熱力学



原子·分子

原子核

物性系

統計力学

世界の

ニュートン力学 電磁気学 作用がた以下の系 量子力学 世界の 成り立ち ハドロン 素粒子

特殊相対論(クォーク・グルーオンなど)

特殊相対性理論:数学的には複素ベクトルの虚数角の回転



ローレンツ変換:慣性系間の変換

$$\begin{pmatrix} ct' \\ z' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cosh \theta & -\sinh \theta \\ -\sinh \theta & \cosh \theta \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ct \\ z \end{pmatrix}$$

$$\hat{\mathbf{I}} \quad \theta = \operatorname{arctanh}(v/c)$$

$$\begin{pmatrix} ict' \\ z' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos(i\theta) - \sin(i\theta) \\ \sin(i\theta) & \cos(i\theta) \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ict \\ z \end{pmatrix}$$
回転と同じ表式 !

もし *t* や *θ* が純虚数なら回転 実際の *t* や *θ* は実数なので双曲線

特殊相対論は、複素数を直観で理解 できる超人には、「時空の回転」の一種 として簡単に理解できるかも知れない 量子力学:「物理量」の概念そのものの難解な根本的変革を伴う

・例えば、空間座標 x を基準に考えると
 運動量 p は、x での微分(演算子)で表せる
 (Schrödingerの波動力学, 1926)



・あるいは、物理量は(∞ 行 ∞ 列の)行列で表せる (ディラック定数) (Heisenbergの行列力学, 1925)

・観測される測定値は実数固有値や波動関数での期待値 ~ 確率的

量子論+特殊相対論 → 量子場の理論 :物質観の革命

"真空"というデバイス上の動画が我々の世界



科学のひとつの潮流:物質の究極形態をめざす



科学のひとつの潮流:物質の究極形態をめざす 放射線と放射性元素:ベクレル、キュリー 19世紀末~20世紀初頭

1911年 「
月子核の発見:ラザフォード







1932年 中性子の発見:チャドウィック



 \bigcirc









Portraits from Wikipedia

科学のひとつの潮流:物質の究極形態をめざす



量子色力学(QCD): クォークとグルーオンの理論~強い力の基礎理論 1966年提唱(南部)、1973年確立(トフーフト、グロス、ウイルチェック、ポリッツァー)











物性物理学~電磁相互作用の物理 原子·分子 電磁気力が主役

Å~10⁻⁸cm

原子核





物性物理学での原子核:点状の(スピンを持った)電荷 ~電磁気力の源

原子核:核子(陽子・中性子)の集合体



$fm = 10^{-13}cm$

原子・分子より5桁小さい世界 100,000分の1

物性系よりエネルギースケールが 5桁 大きい世界 100,000倍

核子は電磁気力(陽子間のクーロン反発力)よりも 遥かに強い力で束縛されている

核子を結びつけている強い力~核力

湯川秀樹の中間子論:核力の起源の探究



ハドロン:強い相互作用をする(観測可能な)粒子



数百種類ものハドロンが! (ハドロン:強い相互作用をする粒子で、陽子・中性子・中間子の仲間)

Meson Summary Table

 $c\overline{c}$ 16(PC)

CHARMED, STRANGE

 $(C = S = \pm 1)$

See also the table of suggested qq quark-model assignments in the Quark Model section.

LIGHT UNFLAVORED

(S = C = B = 0)

. Indicates particles that appear in the preceding Meson Summary Table. We do not regard the other entries as being established. STRANGE

 $(S = \pm 1, C = B = 0)$

Baryon Summary Table

This short table gives the name, the quantum numbers (where known), and the status of baryons in the Review. Only the baryons with 3or 4-star status are included in the main Baryon Summary Table. Due to insufficient data or uncertain interpretation, the other entries in the short table are not established baryons. The names with masses are of baryons that decay strongly. For N, Δ , and Ξ resonances, the πN partial wave is indicated by the symbol $L_{2l,2J}$, where L is the orbital angular momentum (S, P, D, ...), L is the isospin, and J is the total angular momentum. For A and Σ resonances, the \overline{KN} partial wave is labeled $L_{l,2J}$. The nucleon is a pole in the P_{11} wave, and similar comments apply to the A and Σ

	16(JPC)		$I^{G}(J^{PC})$		(J^p)		(J^{p})	• n (1.5)	$0^{+}(0^{-}+)$								-							
• 7 [±]	1-(0-)	• m (1670)	$1^{-}(2^{-+})$	• K [±]	1/2(0-)	• D [±]	0(0-)	• J/w(1S)	0-(1)		0	P	****	A(1232)	Par	****			****	=0	P.,	****	A^+	****
• π ⁰	1-(0-+)	• d(1680)	0-0	• K ⁰	1/2(0-)	• D*±	0(7?)	• Y _{co} (1P)	0+(0++)		n	P11	****	$\Delta(1202)$ $\Delta(1600)$	- 33 Pa	***	n'		****	=-	Bu	****	$A_{-}(2595)^{+}$	***
• 77	0+10-+1	• m (1690)	1+(3)	• K ⁰	1/2(0-)	D* (2217)±	0(0+)	• Yet(1P)	$0^{+}(1^{+})$		N(1440)	P11	****	$\Delta(1620)$	53	****		P ₁₁	****	$\Xi(1530)$	P13	****	A_(2625)+	***
 6 (600) 	0+(0++)	• q(1700)	1+0 - 1	• K0	1/2(0-)	• D _{s0} (2317)	0(1+)	• h (1P)	$7^{?}(1^{+}-1)'$		N(1520)	D ₁₃	****	∆(1700)	4	****	5 _1365)	P13	****	$\Xi(1620)$		*	A_(2765)+	*
• a(770)	1+(1)	a (1700)	1-(2++)	K (200)	1/2(0+)	 D_{S1}(2460)[±] D_{S1}(2460)[±] 	0(1 *)	• V(1P)	0+i2 + +1		N(1535)	S_{11}	****	6 (50)	P_{31}	*	Σ(1480)		*	$\Xi(1690)$		***	$A_{c}(2880)^{+}$	***
• p(170)	0-(1)	$a_2(1700)$	$a^+(a^++)$	N ((000)	1/2(0.)	 D_{S1}(2536)[±] 	0(1 ')	• n (25)	$0^{+}(0^{-}+)$		N(1650)	S_{11}	****	A 100	S ₃₁	**	$\Sigma(1560)$		**	$\Xi(1820)$	D13	***	$A_c(2940)^+$	***
• w(762)	$0^{+}(0^{-}+)$	• n(1710)	$0^+(0^-+)$	• K *(892)	1/2(1)	 D₅₂(2573)[⊥] 	0(?.)	• nc(25)	0-(1)		N(1675)	D_{15}	****	(A 5)	F35	****	$\Sigma(1580)$	D13	*	$\Xi(1950)$		***	$\Sigma_{c}(2455)$	****
• 1 (956)	0+(0++)	$\eta(1760)$	1=(0=+)	• K ₁ (1270)	1/2(1 ')	$D_{s1}(2700)^{\pm}$	$0(1^{-})$	• $\phi(23)$	0-(1)		N(1680)	1	88.8	$\Delta(19^{+})$	P_{31}	****	$\Sigma(1620)$	S_{11}	**	$\Xi(2030)$		***	$\Sigma_{c}(2520)$	***
 (000) 	1 - (0 + + +)	 π(1800) ε (1800) 	1 (0 -)	• K ₁ (1400)	$1/2(1^+)$	BOTT	OM	• $\psi(3770)$	0?(2?+)		N(1700)	X	1.1	<i>∆</i> (1920)	P_{33}	***	2,660)	P ₁₁	***	$\Xi(2120)$		*	$\Sigma_{c}(2800)$	***
 a₀(980) 	1 (0 · ·)	P2(1810)	$\frac{0}{2}(2-1)$	 K*(1410) 	$1/2(1^{-})$	(B = =	±1)	• A(3072)	0(1, 1) 0+(2, 1, +)		NA (0)	- P ₁	***	$\Delta(1930)$	-35	**	$\Sigma(1670)$	D_{13}	****	$\Xi(2250)$		**	Ξ_c^+	***
• φ(1020)	0 (1)	A(1835)	2°(2 · ')	 K[•]₀(1430) 	$1/2(0^+)$. P+	1/2/0-)	$\chi_{c2}(2P)$	-7/277	- 1	NI VOD	P15	****	$\Delta(194^{\circ})$	D_{j}	*	$\Sigma(1690)$		**	$\Xi(2370)$		**	Ξ_{c}^{0}	***
 h₁(1170) 	0 (1 -)	• $\phi_3(1850)$	0 (3)	 K[*]₂(1430) 	$1/2(2^+)$	• <i>D</i> -	1/2(0)	X(3940)	- 70.7+5	Χ.	N/ 91 1	P_{13}	**	A(1950)	1	****	$\Sigma(1750)$	S_{11}	***	$\Xi(2500)$		*	=++	***
 b₁(1235) 	1 (1 -)	$\eta_2(1870)$	0+(2-+)	K(1460)	$1/2(0^{-})$	• B*	1/2(0)	• X(3945)	1.11	2	N 1990)	F17	**	(2000)	1.00	**	$\Sigma(1770)$	P_{11}	*				=	***
 a₁(1260) 	$1^{-}(1^{+}^{+})$	• $\pi_2(1880)$	$1^{-}(2^{-+})$	$K_2(1580)$	$1/2(2^{-})$	• B-/B• ADA	VIXTORE	• \$\$(4040)		X	N(2000)	15	**	-1 U5P)	S_{31}	*	$\Sigma(1775)$	D15	****	Ω- Ω(0050)=		****	$\Xi_{c}(2645)$	***
 f₂(1270) 	$0^+(2^{++})$	p(1900)	1+(1)	K(1630)	1/2(??)		/ b-baryon	 ψ(4160) 			N(2080)	0	**	$\Delta(2200)$	G_{37}	*	$\Sigma(1840)$	P ₁₃		$\Omega(2250) = \Omega(2250) =$		**	$\Xi_{c}(2790)$	***
 f₁(1285) 	$0^{+}(1^{++})$	$f_2(1910)$	$0^+(2^++)$	$K_1(1650)$	$1/2(1^+)$	V ₁ and V ₁	CKM Ma	X6.160,	2 2 1 1		A (2090)	-11		$\Delta(2300)$	H_{39}	**	2(1880)	P_{11}	**	12(2300) (2(2470)-			$\Xi_{c}(2815)$	***
 η(1295) 	$0^{+}(0^{-}+)$	 f₂(1950) 	$0^+(2^{++})$	 K*(1680) 	$1/2(1^{-})$	trix Element	S	(4260)	₩ <u></u> ,)		(00)	N		$\Delta(2350)$	D_{35}	*	Σ(1915) Σ(1940)	F15	***	22(2470)			$\Xi_c(2930)$	*
• $\pi(1300)$	$1^{-}(0^{-+})$	$\rho_3(1990)$	$1^+(3^-)$	 K₂(1770) 	$1/2(2^{-})$	 B* 	$1/21^{-}$	(4360)	?: (1)		N(21000	17		$\Delta(2390)$	F37	*	Z(1940)	D13					$\Xi_c(2980)$	***
 a₂(1320) 	$1^{-}(2^{+}+)$	 f₂(2010) 	$0^{+}(2^{++})$	 K[*]₃(1780) 	$1/2(3^{-})$	B*(5732)	2(2?)	 ψ(++15) 	0 - (1 - 1)		N (200)	D ₁₅		$\Delta(2400)$	G ₃₉	**	Z (2000)	511	****				$\Xi_c(3055)$	**
 f₀(1370) 	$0^{+}(0^{++})$	f ₀ (2020)	$0^{+}(0^{+})$	• K ₂ (1820)	1/2(2-)	 B₁ (572)⁰ 	$1/2(1^+)$	X(4660)	10>		N(2220)	H19	****	$\Delta(2420)$	$H_{3,11}$	****	Z(2030) Σ(2070)	F17	8				$\Xi_c(3080)$	***
h ₁ (1380)	?-(1 + -)	 a₄(2040) 	$1^{-}(4^{++})$	K(1830)	1/2(0-)	 P = 747)⁰ 	$1/2(2^+)$				N(2200)	619	***	$\Delta(2750)$	13,13	**	Z(2070) Σ(2080)	P15	**				$\Xi_c(3123)$	*
• $\pi_1(1400)$	$1^{-}(1^{-+})$	 f₄(2050) 	$0^{+}(4^{++})$	K\$(1950)	1/2(0+)						N(2700)	P1,11	**	$\Delta(2950)$	$K_{3,15}$	**	$\Sigma(2100)$	G	*				Ω_c^0	***
 η(1405) 	$0^{+}(0^{-+})$	$\pi_2(2100)$	$1^{-}(2^{-+})$	K*(1980)	1/2(2+)	BOT 10 M, S	TRANGE	$\eta_b(1^{\circ})$	$0^{+}(0^{-+})$		W(2700)	M1,13		a	D.	****	$\Sigma(2250)$	01/	***				$\Omega_{c}(2770)^{0}$	***
 f₁(1420) 	$0^{+}(1^{++})$	f ₀ (2100)	$0^{+}(0^{++})$	- K*(2045)	1/2/01	$(B = \pm 1, 3)$	S = -1	$\tau(1S)$	0-(1)					A(1405)	5	****	Σ(2455)		**					
 ω(1420) 	$0^{-}(1^{-})$	$f_2(2150)$	$0^+(2^{++})$	• n 4(2 +5)	1/2/0	• B ⁰ ₅	0,0 🚛	$+ \chi_{M}(1P)$	$0^{+}(0^{++})$					A(1520)	D.,	****	Σ(2620)		**				= <u>cc</u>	*
5(1430)	$0^{+}(2^{++})$	p(2150)	$1^+(1^-)$	N2 (200	$1/2(2^{-1})$	• B	0(17)	$\chi_{b1}(1P)$	$0^{+}(1^{++})$					A(1600)	Bu.	***	Σ(3000)		*				a0.	***
• $a_0(1450)$	$1^{-(0++)}$	d(2170)	0-(1	Ka(232	1/2(3 ')	Baller	1/2(17)	• $\chi_{b2}(1P)$	$0^{+}(2^{+})$					A(1670)	Ser	****	$\Sigma(3170)$		*				71 ₆	***
 p(1450) 	$1^{+}(1^{})$	$f_0(2200)$	$0^+(0^++)$	N 5(2500)	1/2(5)	 B[*]_{2}(58.54⁰) 	$1/2(2^+)$	 T(2S) 	0-(1)					A(1690)	Dua	****							Zb 5*	***
 η(1475) 	$0^{+}(0^{-}+)$	$f_{I}(2220)$	$0^{+}(2^{+}+)$	(2500)	1/2(4)	B* (58.0)	7(7?)	T(1D)	$0^{-}(2^{-})$					A(1800)	S ₀₁	***							=0 =-	***
 \$\u03c6 (1500) 	$0^{+}(0^{++})$	$\eta(2225)$	$0^{+}(0^{-+})$	K(3100)	?·(?··)	S. ()	· · /	• $\chi_{b0}(2P)$	$0^{+}(0^{+}+)$					A(1810)	Pu ₁	***							-b·-b	***
£(1510)	$0^{+(1++)}$	p1(2250)	1+(3)	CHARM	/ED	воттом, с	HARMED	 χ_{b1}(2P) 	$0^{+}(1^{++})$					A(1820)	F ₀₅	****							52 b	
 f'(1525) 	0+(2++)	 £(2300) 	$0^+(2^++)$	(C = =	±1)	(B = C =	= ±1)	• $\chi_{b2}(2P)$	$0^{+}(2^{+})$					A(1830)	D_{05}	****							1	
5(1565)	0+(2++)	f.(2300)	$0^{+}(4^{+}+)$	• D±	1/2(0=)	 B[±]_c 	$0(0^{-})$	 T(3S) 	$0^{-}(1^{-})$					A(1890)	P_{03}	****							1	
a(1570)	1+(1)	£ (2330)	$0^+(0^++)$	• D ⁰	1/2(0-)	-		 T(4S) 	0-(1)					A(2000)		*							1	
h (1595)	0 - (1 + -)	 £(2340) 	$0^+(2^++1)$	• D*(2007)8	1/2(0)			 T(10860) 	$0^{-}(1^{-})$					A(2020)	F_{07}	*							1	
• T (1600)	1-(1-+)	a (2350)	1+(5)	• D*(2007)*	1/2(1)			 τ(11020) 	0 = (1 = -i)					A(2100)	G_{07}	****							1	
a. (1640)	1-(1++)	a-(2450)	1-(6++)	• D (2010)	1/2(1)			. ,	. ,					$\Lambda(2110)$	F_{05}	***							1	
\$(1640)	0+(2++)	£ (2510)	0+6++1	D ((2400)-	1/2(0 ')			NON-qq C	ANDIDATES					A(2325)	D_{03}	*							1	
n2(1645)	$0^{+}(2^{-}+)$	·B(2310)	0 (0)	$D_0(2400)^{\perp}$	1/2(0)			NON-gg	CANDE	1				A(2350)	H_{09}	***							1	
• 12(1643)	0 (2)	OTHER	LIGHT	 D₁(2420)⁰ 	$1/2(1^+)$			DATES						А(2585)		**							1	
• (1630)	0 (1)	Further St	ates	$D_1(2420)^{\pm}$	1/2(?*)																		<u> </u>	
• \$\$(1670)	0 (3)			$D_1(2430)^0$	$1/2(1^+)$						****	Existenc	e is cert	ain, and pro	perties	are at lea	st fairly wel	ll explore	ed.					
				 D[*]₂(2460)⁰ 	$1/2(2^+)$						***	Existenc	e ranges	from verv l	likelv to	o certain	but further	confirm	ation is	desirable an	t/or			
				 D[*]₂(2460)[±] 	$1/2(2^+)$							quantun	n numbe	rs, branching	g fracti	ons, etc.	are not well	determ	ined.	and the second second second	,			
				$D^{*}(2640)^{\pm}$	$1/2(?^{?})$						**	Evidence	e of exis	tence is only	fair.				-			-1-	0	
											*	Evidence	e of exis	tence is poor	r.			Р	an	ICIE	D	ata	a Gro	up



⇒ 核子の複合粒子性とより基本的な力の存在を示唆



ゲルマン・西島和彦・坂田昌一ら

ハドロンの群論的な分類 → フレーバーSU(3)の構造

クォーク模型の提唱:ゲルマン・ツヴァイク(1964年)



実験との深刻な矛盾:ミリカン以降の電気素量eの測定実験から 分数電荷は実験的に否定

 $\frac{2}{3}e, -\frac{1}{3}e$ という分数電荷を持つ<u>クォークは単独では現れない</u>?





Portraits from Wikipedia

ハドロンに対するクォーク描像の展開



電子の理論からクォークの理論へ



電磁気力← 光子(ゲージ粒子)の交換



くりこみ理論による QED(量子電気力学) の完成朝永振一郎ら



クォーク間力 ← グルーオン(非可換ゲージ粒子)の交換

カラー電荷 とグルーオン の導入 → 非可換ゲージ理論としての QCD(量子色力学)



Portraits from Wikipedia



クォークの発見と単純な「要素還元主義」の限界

物質の構成要素を求めて:エネルギー(熱、電気、放射線、加速粒子など)を 与えて、物質や複合粒子を破砕し、構成要素を分離し、検出する



よりミクロな階層からの理解は科学では重要:例えば、分子レベルで物性を調べ、 分子の性質を原子や電子のレベルから把握するなど

クォークは、実在する基本的要素であるが、単独では現れない

「存在」や「実在」ってなんなんだろう?

実験的な「検証」ってどういうものか?~科学哲学的な命題

ちなみに、クォークとグルーオン以外の素粒子である 光子、ニュートリノ、ミューオン、タウオン、ウィーク・ボゾン、ヒッグス粒子 は全て単独で観測可能

クォークとグルーオン、量子色力学(QCD)

☆クォーク:強い力をする spin 1/2 のフェルミ粒子 カラー電荷(R,B,G)を持ち、6種類(フレーバー)ある

☆グルーオン:強い力を媒介するゲージ粒子(spin 1) カラー電荷に反応する質量ゼロの粒子 自身もカラーを持つ

量子色力学(QCD):クォークとグルーオンを支配する法則

	クォーク	質量			複合粒子と	こしての
٢	u: アップ	2.2 MeV	軽い		多数のハドロ	ン(無色)
	d: ダウン	4.7 MeV	軽い	QCD		
	s: ストレンジ	93 MeV	やや軽い			
1	c: チャーム	1.28 GeV	重い			
	b: ボトム	4.18 GeV	とても重い			
L	t: トップ	173 GeV	極端に重い		バリオン	中間子

量子色力学(QCD)

クォークとグルーオンの理論

☆量子色力学: QCD (Quantum Chromodynamics)

- ・強い相互作用の基礎理論
- クォークとグルーオンの理論
- •SU(N_c)の非可換ゲージ理論

$$R B G$$

$$A^{\mu} = \begin{pmatrix} A^{\mu}_{11} & A^{\mu}_{12} & A^{\mu}_{13} \\ A^{\mu}_{21} & A^{\mu}_{22} & A^{\mu}_{23} \\ A^{\mu}_{31} & A^{\mu}_{32} & A^{\mu}_{33} \end{pmatrix} R$$

$$B$$

$$G$$

グルーオンの場

- ☆量子電気力学:QED (Quantum Electrodynamics)
 - ・電磁相互作用の基礎理論

量子色力学は 行列の性質を反映した 非可換な理論

QCDは非可換なゲージ理論

この非可換性が物理を難しく、かつ、 面白くしている

非可換な回転群に基いたパズルの代表例: ルービックキューブ





Figure 1. The difficulty and the interest of the Rubik cube originate from noncommutable operations based on the nonabelian nature of the rotational group. The configuration after Step 1 and Step 2 depends on the order of these operations. Can you find a nonabelian nature of QCD in the Rubik cube ?

H.Suganuma et al. World Scientific (1999)

QCD: 強い相互作用の基礎理論

量子色力学(Quantum Chromo Dynamics, QCD)

・強い相互作用の基礎理論:SU(3) ゲージ理論
 ・クォークとグルーオンの相互作用を記述
 (q(x):クォーク場
 A^µ(x):グルーオン場

理論は QED クォーク・ $L_{QCD} = -\frac{1}{2} \operatorname{Tr}(G_{\mu\nu}G^{\mu\nu}) + \bar{q}(i\gamma_{\mu}D^{\mu} - m)q$ (電磁気)と類似の 3種類の simple form カラー荷 $D^{\mu} = \partial^{\mu} + igA^{\mu}$: 共変微分 <u>g</u>:QCDのゲージ結合定数 $q = \begin{bmatrix} R \\ B \end{bmatrix}$ $G^{\mu\nu} = \frac{1}{ig} [D^{\mu}, D^{\nu}] = \partial^{\mu} A^{\nu} - \partial^{\nu} A^{\mu} + ig[A^{\mu}, A^{\nu}] :$ カラー電磁場 $A^{\mu}(x) = A^{\mu}_{a}(x)T_{a}$: カラー空間に作用する $N_{c} \times N_{c}$ の行列

> ゲージ場の非可換性 → グルーオンの自己相互作用 (グルーオンの3点・4点 局所相互作用)

QCDの漸近的自由性

トフーフト・グロス・ウィルツェック・ポリッツァーら(1973年)(2004年ノーベル賞)



摂動論的QCD

QCDの結合定数は高エネルギー(近距離)領域では弱結合 →高エネルギー(近距離)領域では摂動論的QCDが適用可能



Proton structure function F₂

QCDの漸近的自由性

トフーフト・グロス・ウィルツェック・ポリッツァーら(1973年)(2004年ノーベル賞)

QCDの結合定数は高エネルギー(近距離)領域では弱結合 低エネルギー(遠距離)領域では強結合



低エネルギー領域での強結合性 非摂動的現象 摂動論を超えた現象 真空の構造が大きく変質! •カラー(クォーク等)の閉じ込め カイラル対称性の自発的破れ



QCDは多彩な物理現象と同時に、数百種類ものハドロンを創り出す!

Meson Summary Table

See also the table of suggested $q\overline{q}$ quark-model assignments in the Quark Model section.

Indicates particles that appear in the preceding Meson Summary Table. We do not regard the other entries as being established.

	LIGHT UN	FLAVORED		STRAN	GE	CHARMED, S	TRANGE	CC		
	(S = C = C)	= B = 0)	C	$(S = \pm 1, C =$	= B = 0	(C = S =	±1)		$P(\mathcal{F}^{c})$	
	$I^0(f^{r_0})$		$I^{o}(J^{\mu}c)$		(J ^r)		(<i>I</i> °)	 η_c(1S) 	$0^+(0^-+)$	
 π[±] 	$1^{-}(0^{-})$	• $\pi_2(1670)$	$1^{-}(2^{-+})$	• K [±]	$1/2(0^{-})$	 D[±]_s 	$0(0^{-})$	 J/ψ(1S) 	0-(1)	
 π⁰ 	$1^{-}(0^{-+})$	 \$\phi(1680)\$ 	$0^{-}(1^{-})$	• K ⁰	$1/2(0^{-})$	 D^{*±} 	0(??)	• $\chi_{c0}(1P)$	$0^{+}(0^{+}+)$	
• η	$0^{+}(0^{-}+)$	 ρ₃(1690) 	$1^+(3^-)$	• K ⁰ _S	$1/2(0^{-})$	 D[*]_{s0}(2317)[±] 	$0(0^+)$	• $\chi_{c1}(1P)$	$0^{+}(1^{++})$	
 f₀(600) 	$0^{+}(0^{++})$	 ρ(1700) 	$1^+(1^{})$	 K⁰_L 	$1/2(0^{-})$	 D₅₁(2460)[±] 	$0(1^+)$	 h_c(1P) 	?! (1 + -)	
 ρ(770) 	$1^{+}(1^{})$	$a_2(1700)$	$1^{-}(2^{++})$	K [*] ₀ (800)	$1/2(0^+)$	 D₅₁(2536)[±] 	$0(1^+)$	• $\chi_{c2}(1P)$	$0^+(2^{++})$	
 ω(782) 	$0^{-}(1^{-})$	 f₀(1710) 	$0^{+}(0^{++})$	 K*(892) 	$1/2(1^{-})$	 D₅₂(2573)[±] 	0(??)	 η_k(2S) 	$0^{+}(0^{-+})$	
 η'(958) 	$0^{+}(0^{-+})$	$\eta(1760)$	$0^+(0^{-+})$	 K₁(1270) 	$1/2(1^+)$	$D_{51}(2700)^{\pm}$	$0(1^{-})$	 \$\psi(2S)\$ 	$0^{-}(1^{-})$	
 f₀(980) 	$0^{+}(0^{++})$	 π(1800) 	$1^{-}(0^{-+})$	 K₁(1400) 	$1/2(1^+)$			• \$\$(3770)	0_(1)	
 a₀(980) 	$1^{-}(0^{++})$	$f_2(1810)$	$0^+(2^{++})$	 K*(1410) 	$1/2(1^{-})$	BOTTO	MC	 X(3872) 	0 (?: +)	
 \$\phi(1020)\$ 	0-(1)	X(1835)	?!(? = +)	 K[*]₀(1430) 	$1/2(0^+)$	(B = ±	1]	$\chi_{c2}(2P)$	$0^+(2^+)$	
 h₁(1170) 	$0^{-}(1^{+})$	• $\phi_3(1850)$	0 (3)	 K[*]₂(1430) 	$1/2(2^+)$	• B±	$1/2(0^{-})$	X(3940)	?[(?[])	
 b₁(1235) 	$1^+(1^+)$	$\eta_2(1870)$	$0^+(2^{-+})$	K(1460)	$1/2(0^{-})$	• B ⁰	$1/2(0^{-})$	 X(3945) 	?'(?'+)	
 a₁(1260) 	$1^{-}(1^{++})$	• $\pi_2(1880)$	$1^{-}(2^{-+})$	$K_2(15.80)$	$1/2(2^{-})$	 B[±]/B⁰ ADN 	IXTURE	 ψ(4040) 	0-(1)	
 f₂(1270) 	$0^{+}(2^{++})$	ρ(1900)	$1^+(1^-)$	K(1630)	1/2(??)	 B[±]/B⁰/B⁰₃/ AD MIX TUP 	b-baryon	 ψ(4160) 	$0^{-}(1^{-})$	
 f₁(1285) 	$0^{+}(1^{++})$	$f_2(1910)$	$0^+(2^++)$	$K_1(1650)$	$1/2(1^+)$	V+ and V-	= СКМ Ма-	X(4160)	2 (2 1)	
 η(1295) 	$0^{+}(0^{-}+)$	 f₂(1950) 	$0^+(2^{++})$	 K*(1680) 	$1/2(1^{-})$	trix Elements		 X(4260) 	?: (1)	
• $\pi(1300)$	$1^{-}(0^{-+})$	$\rho_3(1990)$	1+(3)	• $K_2(1770)$	$1/2(2^{-})$	• B*	$1/2(1^{-})$	X(4360)	?' (1)	
 a₂(1320) 	$1^{-}(2^{+}+)$	 f₂(2010) 	$0^+(2^{++})$	 K[*]₃(1780) 	$1/2(3^{-})$	B [*] _J (5732)	?(??)	• \$\$(4415)	0-(1)	
 f₀(1370) 	$0^{+}(0^{++})$	f ₀ (2020)	$0^+(0^++)$	 K₂(1820) 	$1/2(2^{-})$	 B₁(5721)⁰ 	$1/2(1^+)$	X(4660)	? (1)	
h ₁ (1380)	? (1 + -)	 a₄(2040) 	$1^{-}(4^{+}+)$	K(1830)	$1/2(0^{-})$	 B[*]₂(5747)⁰ 	$1/2(2^+)$	6	<u> </u>	
• $\pi_1(1400)$	$1^{-}(1^{-})$	 f₄(2050) 	0 (4)	$K_0^*(1950)$	$1/2(0^+)$	POTTOM S	TRANCE	= (16)	0+(0 - +)	
 η(1405) (1405) 	$0^{+}(0^{-+})$	$\pi_2(2100)$	1(2 + 1)	$K_{2}^{*}(1980)$	$1/2(2^+)$	$(B = \pm 1, S)$	= 1	7(15)	0-(0)	
• f1(1420)	0 (1)	$f_0(2100)$	$0^+(0^+)$	 K[*]₄(2045) 	$1/2(4^+)$	- Pl	0(0-)	• T(13)	$0^{+}(0^{+}^{+}^{+})$	
 ω(1420) δ (1420) 	0(1)	F2(2150)	$0 \cdot (2 \cdot \cdot)$	$K_2(2250)$	$1/2(2^{-})$	• D ;	0(0)	• X ₁₀ (1P)	0+(1++)	
P2(1450)	$1 = (0 \pm \pm)$	$\rho(2150)$	1-(1)	$K_3(2320)$	$1/2(3^+)$	• D ₅	1/2/1+)	• Yes(1P)	$0^+(2^++)$	
• a ₀ (1450)	$1^{+}(1^{-})$	¢(2170) f(2200)	$0^+(0^++)$	$K_{5}^{*}(2380)$	$1/2(5^{-})$	 D_{S1}(5050)² D[*] (5040)⁰ 	$1/2(1^{-1})$ $1/2(2^{\pm})$	• T(25)	0-0	
• p(1475)	0 + (0 - +)	f ₀ (2200)	$0^+(2^++)$, K4(2500)	$1/2(4^{-})$	P (5950)	2(2?)	T(1D)	0 - (2)	
• £(1500)	0+(0++)	n(2225)	$0^{+}(0^{-}+)$	" K(3100)	?*(?**)	5 sJ(5000)	.(.)	• Xm(2P)	$0^{+}(0^{+}+1)$	
£(1510)	$0^{+}(1^{++})$	a (2250)	1+(3)	CHARM	IED.	ВОТТОМ, С	HARMED	 <i>x</i>_{b1}(2P) 	$0^{+}(1^{+}+)$	
 f!(1525) 	0+(2++)	• £(2300)	0+(2++)	$(C = \pm$	1)	(B = C =	±1)	 	0+(2++)	
5(1565)	0+(2++)	fa(2300)	$0^+(4^++)$	• 0 [±]	1/2(0=)	 B[±]_c 	$0(0^{-})$	 T(3S) 	$0^{-}(1^{-})$	
p(1570)	$1 + \hat{1} = -\hat{1}$	£ (2330)	$0^{+}(0^{+}+1)$	• D ⁰	1/2(0-)			 T(4S) 	0-(1)	
h (1595)	0 - (1 + -)	 £(2340) 	$0^+(2^++)$	• D*(2007)0	1/2(1-)			 T(10860) 	$0^{-}(1^{-})$	
• $\pi_1(1600)$	1-(1-+)	$\rho_5(2350)$	$1^+(5^-)$	 D*(2010)[±] 	1/2(1-)			 T(11020) 	0-(1)	
a1(1640)	1-(1++)	$a_6(2450)$	$1^{-}(6^{++})$	D*(2400)0	1/2(0+)			NON at Ca	NDIDATES	
$f_2(1640)$	0+(2++)	$f_6(2510)$	$0^+(6^++)$	$D_{*}^{*}(2400)^{\pm}$	$1/2(0^+)$			NON-qq CA	NDIDATES	
 η₂(1645) 	$0^{+}(2^{-+})$	07.055	11.01.00	• D ₁ (2420) ⁰	$1/2(1^+)$			NON-qq C	ANDE	
 ω(1650) 	0-(1)	OTHER	LIGHT	$D_1(2420)^{\pm}$	$1/2(?^{?})$			DATES		
• $\omega_3(1670)$	0-(3)	Further St	ates	$D_1(2430)^0$	$1/2(1^+)$					
				 D[*]₃(2460)⁰ 	$1/2(2^+)$					
				 D[*]₃(2460)[±] 	$1/2(2^+)$					
				D*(2640)*	1/2(??)					
				,,	7-1-7					

р	P_{11}	****	$\Delta(1232)$	P_{33}	****	Σ^+	P_{11}	****	=0	P_{11}	* ** *	Λ_c^+	****
л.,	P_{11}	****	$\Delta(1600)$	P_{33}	***	Σ^{0}	P_{11}	****	=-	P_{11}	****	$A_c(2595)^+$	***
N(1440)	P_{11}	****	$\Delta(1620)$	S_{31}	****	Σ-	P ₁₁	****	$\Xi(1530)$	P_{13}	* ** *	$A_c(2625)^+$	***
N(1520)	D_{13}	****	$\Delta(1700)$	D_{33}	****	$\Sigma(1385)$	P_{13}	****	$\Xi(1620)$		*	$A_c(2765)^+$	*
N(1535)	S_{11}	****	$\Delta(1750)$	P_{31}	*	$\Sigma(1480)$		*	$\Xi(1690)$		* * *	$A_c(2880)^+$	***
N(1650)	S_{11}	****	$\Delta(1900)$	S_{31}	**	$\Sigma(1560)$		**	$\Xi(1820)$	D_{13}	***	$A_c(2940)^+$	***
N(1675)	D_{15}	****	$\Delta(1905)$	F35	****	$\Sigma(1580)$	D_{13}	*	$\Xi(1950)$		* * *	$\Sigma_{c}(2455)$	****
N(1680)	F15	****	$\Delta(1910)$	P31	****	$\Sigma(1620)$	S_{11}	**	$\Xi(2030)$		***	$\Sigma_{c}(2520)$	***
N(1700)	D_{13}	***	∆(1920)	P33	***	$\Sigma(1660)$	P_{11}	***	$\Xi(2120)$		*	$\Sigma_{c}(2800)$	***
N(1710)	P_{11}	***	∆(1930)	D_{35}	***	$\Sigma(1670)$	D_{13}	****	$\Xi(2250)$		**	Ξ_c^+	***
N(1720)	P_{13}	****	∆(1940)	D33	*	$\Sigma(1690)$		88	$\Xi(2370)$		**	=0	***
N(1900)	P ₁₃	**	∆(1950)	F37	****	$\Sigma(1750)$	S_{11}	***	$\Xi(2500)$		*	=++	***
N(1990)	F17	**	$\Delta(2000)$	F35	**	$\Sigma(1770)$	P_{11}	*				=0	***
N(2000)	F15	**	$\Delta(2150)$	531	*	$\Sigma(1775)$	D_{15}	****	Ω^{-}		* ** *	= c = (2645)	***
N(2080)	D_{13}	**	$\Delta(2200)$	G37	*	$\Sigma(1840)$	P_{13}	*	$\Omega(2250)^{-}$		* * *	= (2790)	***
N(2090)	S_{11}	*	$\Delta(2300)$	H39	**	$\Sigma(1880)$	P ₁₁	**	$\Omega(2380)^{-}$		**	= c(2730) = (2915)	***
N(2100)	P_{11}	*	$\Delta(2350)$	D35	*	$\Sigma(1915)$	F15	****	$\Omega(2470)^{-}$		**	= (2020)	*
N(2190)	G17	****	∆(2390)	F37	*	$\Sigma(1940)$	D_{13}	***				= (2990)	***
N(2200)	D15	**	$\Delta(2400)$	G 39	**	$\Sigma(2000)$	S_{11}	*				$=_{c}(2000)$	**
N(2220)	H_{19}	****	$\Delta(2420)$	Ha.11	****	$\Sigma(2030)$	F17	****				= (3080)	***
N(2250)	G_{19}	****	A(2750)	h 13	**	$\Sigma(2070)$	F15	*				$=_{c}(3000)$ = (31.32)	*
N(2600)	h 11	***	A(2950)	Kane	**	$\Sigma(2080)$	P_{13}	**				=_(3123)	***
N(2700)	K1 13	**	H(~ >>>)			$\Sigma(2100)$	G17	*				14 c (2770) B	***
, ,			Λ	Bu	****	$\Sigma(2250)$		***				12 _c (2110)°	
			A(1405)	5.1	****	Σ(2455)		**				-+	*
			A(1520)	Dua	****	$\Sigma(2620)$		**				- <u>cc</u>	
			A(1600)	Pa	***	Σ(3000)		*				A0	***
			A(1670)	Sal	****	Σ(3170)		*				<i>n</i> _b	***
			A(1690)	Dea	****							Z.b	***
			A(1800)	Sa	***							-0	***
			A(1810)	Bu	***							= b. = b	
			A(1820)	Fas	****							12 b	
			A(1830)	Das	****								
			A(1890)	Ba	****								
			A(2000)	. 03	*								
			A(2020)	En	*								
			A(2100)	Gen	****								
			A(2110)	Eng	***								
			A(2225)	05	*								
			VI(2959)	L_{03}	-	1			1			1	
			4/22501	H.	***								

**** Existence is certain, and properties are at least fairly well explored.

*** Existence ranges from very likely to certain, but further confirmation is desirable and/or quantum numbers, branching fractions, etc. are not well determined.

** Evidence of existence is only fair.

* Evidence of existence is poor.

Baryon Summary Table

This short table gives the name, the quantum numbers (where known), and the status of baryons in the Review. Only the baryons with 3or 4-star status are included in the main Baryon Summary Table. Due to insufficient data or uncertain interpretation, the other entries in the short table are not established baryons. The names with masses are of baryons that decay strongly. For M, Δ , and Ξ resonances, the πN partial wave is indicated by the symbol $L_{2l,2l}$, where L is the orbital angular momentum (S, P, D, ...), I is the isospin, and J is the total angular momentum. For Λ and Σ resonances, the $\overline{K}N$ partial wave is labeled $L_{l,2l}$. The nucleon is a pole in the P_{l1} wave, and similar comments apply to the Λ and Σ .

Particle Data Group

QCDと物質質量の起源

カイラル対称性の自発的破れ と クォークの質量生成

カイラル対称性:

質量ゼロのフェルミオンの持つ対称性 ~フェルミオン(QCDではクォーク)の 右巻き、左巻きに関する対称性







南部陽一郎ら(1961年) 2008年ノーベル物理学賞

対称性の自発的破れ





エネルギー的に安定な場所 =対称性が良く見える場所

エネルギー的に 安定な場所("真空")は ただひとつだけ



エネルギー的に 安定な場所は 系全体の対称性が見えない

エネルギー的に 安定な場所("真空")は (対称性を反映して)複数存在する




クォーク質量関数 M(q²)に対する格子QCD計算



Quark Confinement

クォークの閉じ込め現象 ☆ クォーク間ポテンシャル ☆ カラー・フラックス・チューブの形成



数学におけるQCDの位置づけ

QCDにおけるカラーの閉じ込めなどの 非摂動効果の解析的証明は 数学的にも極めて重要な超難問

QCDには100万ドルの懸賞金が掛けられている

クォーク質量がゼロまたは無限大という理想化されたQCDは, パラメータを全く含まない純粋な数学的理論であり,その数理科学的 解法は数学上の重要な課題にもなっている.実際,QCDの数学的解 法は、"ヤン・ミルズ方程式の質量ギャップ問題"として、リーマン予想, BSD予想、P≠NP問題、ホッジ予想、ポアンカよ予想、ナビエ・ストーク ス方程式の解の存在問題と共にミレニアムのう問題の1つとして、ク レー数学研究所から100万ドルの懸賞金がかけられている.



天才ペレリマンによる証明





クォークはハドロンの内部に閉じ込められている! どのように閉じ込められているのか?





Lattice QCD 格子ゲージ理論~非摂動的解析の標準的理論



Kenneth Wilson による定式化 (1974) Creutz による数値計算の成功 (1980)





Portraits from Wikipedia

格子QCDモンテカルロ計算

ユークリッド化: *t* → -*it*(虚時間の導入) ウィルソンらによる定式化 (1974) クロイツによる数値計算の成功 (1980)

ユークリッド時空でのQCDの生成汎関数(経路積分=連続∞重積分)

$$Z_{\text{OCD}} = \int Dq D\bar{q} DA \exp(-S_{\text{OCD}}[q,\bar{q},A])$$

"指数関数部分"を確率的な重みの因子とみなす

連続∞重積分を数百万重積分にまで"近似"して スパコン で解く!

被積分関数の"指数関数部分"を確率的な重みの因子とし、 統計力学的方法を用いた効率的なモンテカルロ計算を行い QCDの生成関数を数値的に評価する

取り得る全ての状態の総和

統計物理学での分配関数: $Z = \operatorname{Tr} e^{-H/T} = \sum e^{-E_n/T}$



16⁴の格子QCD, *β*=5.8 (*a* = 0.15 fm)

格子QCDでのハドロン質量の計算



ハドロン質量などは格子QCD計算で精度良く再現される

グルーボール ~ QCDにおける"光"の分子状態

QEDにおいては、光(フォトン)の分子状態 "フォトニウム" は存在しない ← 電気的に中性の 光 同士は相互作用しないから









テトラクォーク







•

Quark-antiquark static potential in Lattice QCD $V_{Q\bar{Q}}(r)$ [GeV] 1.2 quark anti-quark Cornell 0.8 r_o=0.5fm:unit 0.4 0 ハドロンの弦の張力 G.S.Bali (2001) (閉じ込め力) Takahashi, H.S. et al. (2002) -0.4 **JLQCD** (2003) $\sigma = 0.89 \text{GeV/fm}$ -0.8 QQ $V_{Q\bar{Q}}(r)$ $\vdash \sigma_{O\bar{O}}r$ -1.2 -1.6 0.5 anti-quark 1.5 **r** [fm] quark カラーの電気力線は1次元状に絞られている g anti-quark quark

バリオン中での閉じ込めポテンシャルの計算



L_{min}:3つのクォークを結ぶ最短のストリングの長さの和

$$V_{3Q} = -A_{3Q} \sum_{i < j} \frac{1}{|\mathbf{r}_i - \mathbf{r}_j|} + \sigma_{3Q} L_{\min}$$

閉じ込め力は同じ $\sigma = 0.89 \text{GeV/fm}$

1グルーオン交換による 弦描像に基づく線形の クーロン型ポテンシャル 閉じ込めポテンシャル

格子QCDによるバリオン中での カラー電束の形成の検証とクォークの閉じ込め





H. Ichie et al., Nucl. Phys. A721, 899 (2003)

エキゾチック・ハドロン:新しい量子多体系の形

マルチ・クォーク候補の実験的発見 テトラ・クォーク候補: X(3872), Y(3940), D_{s0}+(2317) など ~ KEK(Belle), SLAC(BaBar)等で 発見・確認(2004年) 重いチャーム・クォークを含むQCDの物理





CERNのLHCb実験でペンタクォークを発見



ペンタクォーク(uudcc)のイメージ図:CERN・LHCbより

格子QCDによるクォーク多体系の閉じ込めポテンシャルの解明

Okiharu, H.S. et al. PRL, PRD (2005)



2兆度以上の超高温の世界

クォーク・グルーオン・プラズマ

宇宙の初期状態を探る





Kaczmarek, Zantow



QCD相転移:宇宙最後の真空相転移



ビッグバン直後

10⁻³⁵ sec: GUT相転移→インフレーション? 10⁻¹¹ sec: WS相転移→ヒッグス凝縮 10⁻⁵ sec: QCD相転移→QGPからハドロンへ

QCD相転移:2兆度の世界と宇宙最後の真空相転移

- ☆ クォーク・グルーオン・プラズマ(QGP)相:
 約2兆度以上の高温で実現する 全く新しい物質相
 (臨界温度:T_c = 約170MeV ≒ 1.7兆度)
 - 閉じ込め力の消失 → クォークやグルーオンは比較的自由になる
 - ・カイラル対称性の回復 → クォーク質量の消失
- ☆ QCD相転移:宇宙最後の真空相転移
 → 宇宙の初期状態(ビッグバン直後10~100µ秒)
- ☆ 超高エネルギーの重イオン衝突によるQGP生成実験 ~リトルバン実験

米国ブルックヘブン国立研究所の Relativistic Heavy Ion Collider (RHIC) でのQGP相生成実験

Figure from RHIC

RHIC ATR Boosta AGS HIT CANADA

超高エネルギー重イオン衝突実験 (核子あたり200GeV Au+Au)





流体モデルによるシミュレーション

CERN の Large Hadron Collider (LHC) の ALICE実験での高温のQGP相生成実験

Figure from LHC





超高エネルギー重イオン衝突実験 (核子あたり数TeV Pb+Pb)





300MeV ≒約3兆度

クォーク・グルーオン・プラズマ(QGP)生成実験

- ・J/ψ生成の強い減少 → QGP中での
 閉じ込めポテンシャルの消失を示唆
- ・生成粒子の大きな方位角異方性 → 非中心衝突の 場合のアーモンド型のQGP生成を示唆
- ・短時間での高い化学平衡温度の実現 → ハドロン反応 では説明できず、QGPでのクォーク反応で説明可能
- ・ジェット・クエンチング(粒子の横運動量分布における 高運動量成分の減少)→クォーク・パートンの QGP相通過に伴うエネルギー・ロスを示唆

Strong J/ψ suppression







Include Proceedings

高エネルギー重イオン衝突のシミュレーション

QGP実験に対する 相対論的流体モデルでの解析



有限密度のQCD 中性子星の内部に迫る



Dany Page

水の相図と臨界点



温度





高密度天体とQCDが予言する新しい物質相



・中性子星の中心領域 ~ 3ρ₀(原子核内部の3倍程度の高密度)
 → ハドロン物質(カイラル対称性の部分的回復)
 クォーク物質(カラー超伝導相?)
 ・マグネターの強磁場の起源 → クォーク起源の強磁性?

高密度QCDの解析

ウイルツェックら (1998)






中性子星とクォーク・ハドロン核物理

大西明京都大学基礎物理学研究所教授 「中性子星を支える力」(京大市民講座2014年11月29日) 素晴らしい講演 ~ You Tube で視聴可能



Dual Superconductor Ficture for Quark Confinement

双対超伝導描像によるクォークの閉じ込め機構







QCDにおけるカラーの閉じ込めなどの非摂動効果の 解析的証明は数学的にも極めて重要な超難問であり、 100万ドルの懸賞金が掛けられている

クォークの閉じ込めに対する双対超伝導描像 ^{超伝導体中での} マイスナー効果:磁束の排除 ⇒ アブリコソフ・ボルテックス

電磁気学における双対性: 電場と磁場の入れ替えに対する マックスウェル方程式の対称性

$$\begin{cases} \partial_{\mu} F^{\mu\nu} = j^{\nu} \\ \partial_{\mu} F^{\mu\nu} = k^{\nu} \end{cases}$$

南部・トフーフトら (1974)





通常相での電磁気学







$$\begin{cases} \partial_{\mu} F^{\mu\nu} = j^{\nu} \\ \partial_{\mu} F^{\mu\nu} = k^{\nu} \end{cases}$$

南部・トフーフトら (1974)







まとめ



- ・QCDは多彩な物理現象の宝庫である
- ・特に"カラー閉じ込め"や"カイラル対称性の自発的破れ"など
- の非摂動的性質は興味深く、未解決の問題を多く含む
- ・格子QCDにより非摂動的なQCDの物理の理解が
 - 大きく進みつつある:閉じ込め・カイラル対称性の破れ・
 - クォーク多体系・核力・・・・
- ・高温(2兆度以上)のクォーク・グルーオン・プラズマの研究も 理論と実験の両面で大きく展開している
- ・中性子星などの高密度ハドロン物質の研究も進展つつある



Thank you !

